

# 3ª FASE - 1º e 2º ANOS

## 28/10/2000

Quando necessário considere:

$g = 10 \text{ m/s}^2$ , densidade da água =  $1 \text{ g/cm}^3$ ,  $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ N/m}^2$ ,  $c_{\text{água}} = 1 \text{ cal/g} \cdot ^\circ\text{C}$ ,  $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ Nxm}^2/\text{kg}^2$ ,  $r_{\text{Terra}} = 6400 \text{ km}$ ,  $\sin 27^\circ = 0,45$ ,  $\cos 27^\circ = 0,90$ ,  $c = 300.000 \text{ km/s}$ ;  $M_{\text{Terra}} = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$ ;  $M_{\text{Lua}} = 7,38 \times 10^{22} \text{ kg}$ ;  $R = 8,2 \times 10^{-2} \text{ (litrosxatm)/(mol.K)}$ ,  $1 \text{ cal} = 4,2 \text{ J}$ .

### QUESTÃO 01

Colocam-se dois satélites artificiais de mesmas massas, em órbitas circulares: um em órbita lunar e outro em órbita terrestre. A intensidade das forças que a Terra e a Lua exercem sobre eles é a mesma. Calcule:

- A razão entre os raios de suas órbitas. .
- A razão entre seus períodos.

Respostas:

- Satélite terrestre:  $F_T = GM_T m/d_T^2$ ; Satélite lunar:  $F_L = GM_L m/d_L^2$ . Sendo  $F_T = F_L$ , pode-se escrever:  $GM_T m/d_T^2 = GM_L m/d_L^2 \rightarrow M_T/d_T^2 = M_L/d_L^2$  donde  $(d_T/d_L) = \sqrt{(M_T/M_L)}$  onde  $d_T$  e  $d_L$  representam os raios das órbitas terrestre e lunar e  $M_T$  e  $M_L$  as massas da Terra e da Lua. Substituindo-se os valores das massas, tem-se:

$$(d_T/d_L) = \sqrt{(5,98 \times 10^{24} / 7,38 \times 10^{22})} = 9 \text{ ou } (d_L/d_T) = 1/9$$

- A força gravitacional da Terra ou da Lua sobre um satélite artificial em órbita circular com velocidade  $V$  é a força centrípeta necessária para ele (o satélite) permaneça em órbita. Então: Satélite terrestre:  $GM_T m/d_T^2 = mV_T^2/d_T$  donde  $V_T = \sqrt{(GM_T/d_T)}$ ; analogamente, para um satélite lunar:  $V_L = \sqrt{(GM_L/d_L)}$ . A partir da razão entre as velocidades orbitais pode-se obter a relação entre os períodos dos movimentos. Assim:  $(V_T/V_L) = \sqrt{[(M_T/M_L)(d_L/d_T)]}$ , mas substituindo-se  $(M_T/M_L) = d_T^2/d_L^2$ , tem-se que:  $(V_T/V_L) = \sqrt{[(d_T^2/d_L^2)(d_L/d_T)]} = \sqrt{[(d_T/d_L) = \sqrt{(9)} = 3$  ou seja :  $(V_T/V_L) = 3$ . Como no movimento circular a velocidade pode ser expressa em função do raio e do período :  $V_T = 2\pi d_T/T_T$  e  $V_L = 2\pi d_L/T_L$  que substituídos na relação entre as velocidades resulta a relação entre os períodos. Assim:  $(V_T/V_L) = (d_T/d_L)(T_L/T_T) = 3$ , mas como  $(d_T/d_L) = 9$  tem-se finalmente que:

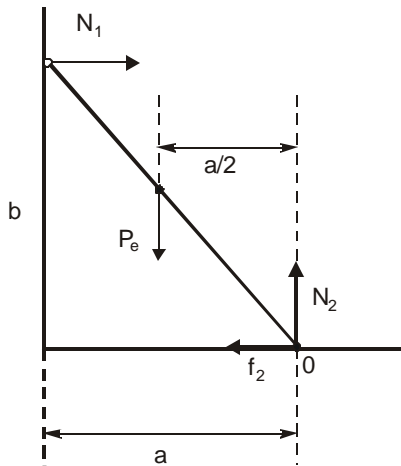
$$(T_L/T_T) = 1/3 \text{ ou } (T_T/T_L) = 3$$

## QUESTÃO 02

Uma escada de 5 m de comprimento e massa 40 kg tem roldanas na extremidade superior de forma que, ao ser encostada numa parede, o atrito é desprezível. O centro de massa da escada fica no meio dela e o coeficiente de atrito do pé da escada com o piso é  $\mu = 0,375 = 3/8$ .

- Calcular a máxima distância da parede até o pé da escada, para que ela fique em equilíbrio, encostada na parede.
- Na situação de equilíbrio anterior, uma pessoa de 80 kg começa a subir a escada bem devagar. Calcular a máxima altura que a pessoa poderá subir.

Resposta.



$$a) P_e = N_2 \quad N_1 = f_2 = \mu N_2 = \mu P_e$$

Torques com relação a O:

$$a/2 P_e = N_1 b$$

$$a P_e = 2 \mu P_e b$$

$$a = 2 \mu b = 2 \times 3/8 b \quad b = 4/3 a$$

$$a^2 + b^2 = 25 \quad a^2 + 16/9 a^2 = 25$$

$$a = 3 \text{ m}$$

$$(9a^2 + 16a^2)/9 = 25$$

b)

$$h/x = b/a = 4/3$$

$$h = 4/3 x$$

$$N_1 = f_2 = \mu N_2$$

$$N_2 = P + P_e \quad N_1 = \mu (P + P_e)$$

$$P_x + a/2 P_e = \mu b (P + P_e) \quad P_x = \mu b (P + P_e) - a/2 P_e$$

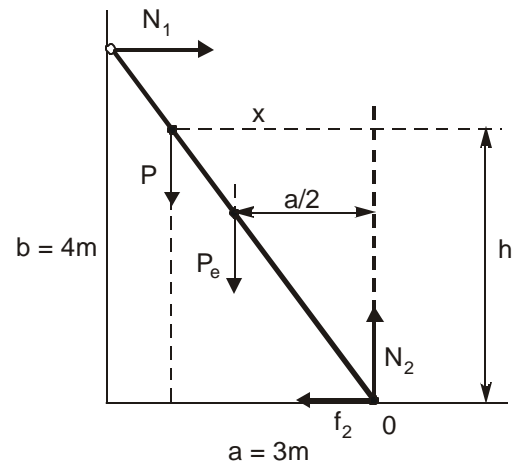
$$x = \mu b (1 + P_e/P) - a/2 P_e/P$$

$$a = 3 \text{ m} \quad b = 4 \text{ m} \quad P_e/P = 2$$

$$x = 3/8 \cdot 4 (1 + 1/2) - 3/2 \cdot 1/2 = 9/4 - 3/4 = 6/4$$

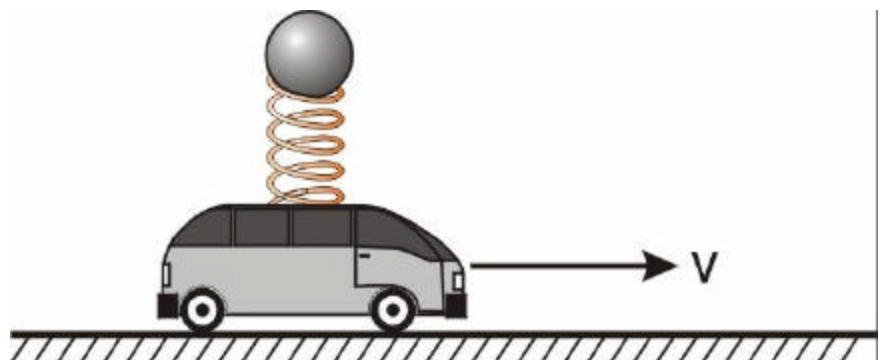
$$x = 1,5 \text{ m}$$

$$h = 4/3 x = 2 \text{ m}$$



## QUESTÃO 03

Prende-se uma extremidade de uma mola num carrinho e sobre a outra coloca-se uma esfera de 100 g. A mola é comprimida de 10 cm e o carrinho é posto em movimento uniforme sobre uma superfície horizontal.



Através de dispositivo especial a mola é solta, lançando a esfera para cima, a qual, após instantes cai novamente sobre a mola. Despreze os atritos. Calcule, sabendo que a constante da mola  $K = 160 \text{ N/m}$ .

- O tempo que a esfera permanece no ar. (desconectada da mola).
- A velocidade do carrinho, sabendo que ele deslocou 6 m enquanto a esfera permaneceu no ar.

Como os movimentos são independentes, na horizontal a bolinha e o carrinho mantêm a mesma velocidade  $V_0$  e é por isso que a bolinha, após atingir a altura máxima, cai em cima do carrinho. Em primeiro lugar vamos calcular a velocidade de lançamento vertical da bolinha aplicando a Lei da Conservação da Energia:  $(1/2)kX^2 = (1/2)mV_{oy}^2$ . Portanto,  $V_{oy} = (k/m)^{1/2}X$ .

Para responder às questões vamos escrever as equações do movimento parabólico da bolinha considerando as direções  $x$  (horizontal) positiva para esquerda e  $y$  (vertical) positiva para cima, e a aceleração da gravidade  $g = 10 \text{ m/s}^2$  (vertical para baixo)

$$x = V_{ox} \cdot t \quad (V_{ox} = V_0 = \text{velocidade do carrinho}) \quad \text{e} \quad V_x = V_0$$

$$V_y = V_{oy} - 10t$$

- Tempo que a bolinha fica no ar. Fazendo  $y = 0$  podemos calcular o instante  $t$  em que a bolinha chega ao carrinho depois de ter atingido a altura máxima. Assim:  $0 = V_{oy}t - 5t^2 = t(V_{oy} - 5t)$ . Tem-se duas soluções:  $t' = 0$  (início do movimento) e  $t'' = V_{oy}/5 = (k/m)^{1/2}X/5 = (160/0,1)^{1/2}(0,1/5) = 0,8 \text{ s}$ . **Portanto, o tempo que a bolinha fica no ar é  $t = 0,8 \text{ s}$ .**
- Velocidade  $V_0$  do carrinho. Na equação  $x = V_0 t \rightarrow V_0 = x/t$  onde  $x = 6 \text{ m}$  e  $t = 0,8 \text{ s}$   
 $V_0 = 6/0,8 = 7,5 \text{ m/s}$

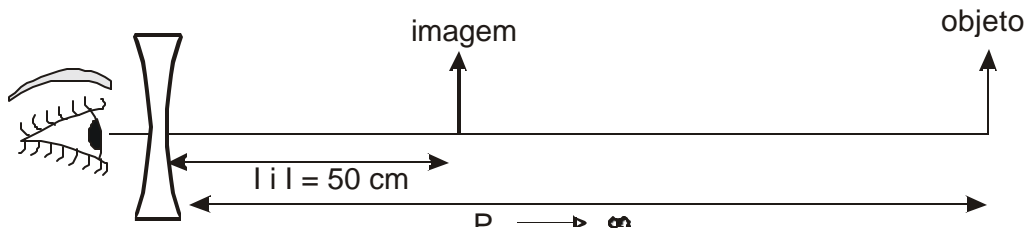
#### QUESTÃO 04

Um míope só consegue enxergar perfeitamente bem, objetos que estão a distâncias entre 20 cm e 50 cm do olho.

- Explicar (com figura inclusive) que tipo de lente o míope deve usar para ter visão normal. Calcular a distância focal e a potência ótica da lente ( em dioptrias).
- Calcular a distância do ponto próximo do míope com óculos.

Resposta.

- Para objeto no infinito ( $p = \infty$ ) a lente deve formar uma imagem à distância  $|i| = 50 \text{ cm}$ :  
 $1/p + 1/i = 1/f \quad 1/\infty + 1/i = 1/f \rightarrow f=i \quad f= -50 \text{ cm}$



A imagem é virtual:  $i = -50 \text{ cm}$

$$1/p + 1/i = 1/i = 1/f$$

$$f = -50 \text{ cm} \quad (\text{lente menisco divergente})$$

Potência ótica ;  $P = 1/f(\text{m}) = -1/0,5 = -2,0$  dioptrias.

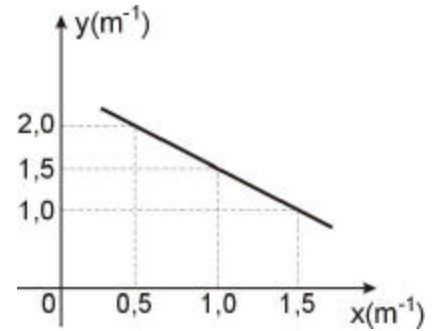
- A mínima distância possível para a imagem é  $|i| = 20 \text{ cm}$  ou  $i = -20 \text{ cm}$  ( imagem virtual)

$$1/p = 1/f - 1/i = -1/50 + 1/20$$

$$p = 33,3 \text{ cm} \quad \text{ponto próximo}$$

### QUESTÃO 05

Um objeto luminoso de 2,0 cm de altura é colocado defronte a uma lente convergente em diversas posições. O gráfico do inverso da distância do objeto ( $y$ ), em função do inverso da posição da respectiva imagem ( $x$ ) formada, é ilustrado na figura.



Calcule:

- A distância focal da lente.
- A altura da imagem formada quando o objeto se encontra a 10 cm do vértice da lente.

**Resposta.**

A equação dos pontos conjugados para as lentes é  $(1/p) + (1/p') = (1/f)$ . Podemos associar:  $y = (1/p)$  e  $x = (1/p')$ .

- Para  $y = 1 \rightarrow x = 1,5$ . Logo,  $1 + 1,5 = (1/f) \therefore f = 0,4 \text{ m ou } f = 40 \text{ cm}$  que é a distância focal da lente.
- A altura da imagem pode ser determinada pela relação  $h'/h = -p'/p$  ou  $h' = (-p'/p) \cdot h$  onde  $h = 2 \text{ cm}$ ;  $p = 10 \text{ cm}$ . Para se determinar  $p'$  utiliza-se a equação dos pontos conjugados:  $(1/10) + (1/p') = (1/40)$  donde  $p' = - (40/3) \text{ cm}$ . Substituindo-se na equação da altura temos que  $h' = -[(-40/30)/10] \cdot 2 = 8/3 \text{ cm}$ . Portanto, a imagem terá comprimento  $h' = 8/3 \text{ cm} \cong 2,67 \text{ cm}$ .

### QUESTÃO 06

Uma usina termoelétrica injeta uma potência de  $1,5 \times 10^9 \text{ W}$  para as águas de um rio a  $20^\circ \text{C}$  que constitui a fonte fria do sistema. Esta usina trabalha com uma eficiência de 40%.

- Calcular a máxima vazão de água de refrigeração (em  $\text{m}^3$  por segundo) para que o aquecimento da água não seja maior que  $2^\circ \text{C}$ .
- Qual o rendimento desta usina, sabendo-se que a potência total consumida para seu funcionamento é de  $3,75 \times 10^9 \text{ W}$ .

**Resposta.**

a) Potência injetada como calor:  $P_Q = P_{\text{total}} \times 0,60 = 1,5 \times 10^9 \text{ J/s}$

$P = 1,5 \times 10^9 \text{ W}$  ou  $P_Q = 3,75 \times 10^8 \text{ cal/s}$

Em cada segundo:  $Q = 3,75 \times 10^8 \text{ cal}$

$Q = \Delta mc\Delta T$   $c = 1 \text{ cal/g} \cdot ^\circ \text{C}$  e  $\Delta T = 2^\circ \text{C}$

$\Delta m = Q / c\Delta T = 1,79 \times 10^8 \text{ g} = 1,79 \times 10^5 \text{ kg}$  e a vazão =  $1,79 \times 10^5 \text{ litros/s}$  ou  **$179 \text{ m}^3/\text{s}$**

b)  $R = 40\%$

### QUESTÃO 07

Um automóvel consegue frear de  $108 \text{ km/h}$  até parar, numa distância de  $55 \text{ m}$  no plano. Desprezar a resistência do ar.

- Calcular o coeficiente de atrito com o piso.
- Admitindo que a potência do motor é suficientemente alta, calcular o tempo mínimo (em segundos) para que a velocidade varie de  $0$  a  $100 \text{ km/h}$ .

Resolução:

a)  $v_0 = 108 \text{ km/h} = 30 \text{ m/s}$

Trabalho da força de atrito:  $W = F_{\text{at}} d = \frac{1}{2} m v_0^2$

$F_{\text{at}} = m v_0^2 / 2d = 8,18 \text{ m}$

$F_{\text{at}} = \mu N = \mu mg = 8,18 \text{ m} \quad \mathbf{m = 0,82}$

b)  $F_{\text{at}} = ma = \mu mg =$  ou  $a = \mu g = 8,2 \text{ m/s}^2$

$a = v_{\text{final}} / t \quad t = v_{\text{final}} / a$

$v_{\text{final}} = 100 \text{ km/h} = 27,8 \text{ m/s}$

$\mathbf{t = 3,40 \text{ s}}$

## QUESTÃO 08

A massa de um bate-estaca, que cai sobre a estaca a cada 2 minutos, é de 100 kg. Essa massa é solta de 10 m de altura e cai sobre uma estaca de aço de 2 toneladas afundando-a 5 cm.

- Calcular a força média exercida sobre a estaca.
- Estimar a potência do motor que aciona o bate-estaca admitindo uma eficiência de 40% na conversão de energia elétrica em energia mecânica. Fazer as considerações que julgar pertinentes.

Respostas.

- A velocidade do bate-estaca de massa  $m$  ao atingir a estaca de massa  $M$  pode ser calculada pela Lei da Conservação de Energia, admitindo-se desprezível a perda de energia durante a queda. Assim,  $mgh = (1/2)mV_o^2 \therefore V_o = (2gh)^{1/2} = \sqrt{200} \text{ m/s}$ .
  - Admitindo-se que a colisão seja inelástica, pela Lei da Conservação da Quantidade de Movimento, pode-se escrever:  $mV_o = (m+M)V$  onde  $V$  é a velocidade com que a estaca começa a penetrar no solo. Assim,  $V = mV_o/(m+M) = [m/(m+M)]V_o = [100/2100](\sqrt{200}) = (\sqrt{200})/21 \text{ m/s} = 0,67 \text{ m/s}$ . Durante a penetração da estaca no solo atua uma força oposta que vamos considerar constante que realiza um trabalho  $F.d$  (distância em que a estaca penetra no solo) que deve ser igual a variação da energia cinética e energia potencial do conjunto estaca+bate-estaca. Assim,  $Fd = (m+M)gd + (1/2)(m+M)V^2$  donde  $F = (m+M)g + (1/2d)(m+M)V^2$ . Substituindo-se os valores temos:  $\mathbf{F = 21000 + (1/2 \times 0,05)(2100)(200/21^2) = 30.524 \text{ N} \cong 30,5 \text{ kN}}$ .

- O trabalho útil do motor é elevar o bate-estaca de 100 kg a uma altura de 10 m;  $W = mgh = 10 \text{ kJ}$ . O tempo de queda do bate-estaca pode ser determinado pela relação obtida da aplicação da cinemática  $h = 5t^2$ ; como  $h = 10 \text{ m}$ , o tempo de queda é  $t = \sqrt{2} = 1,41 \text{ s}$  e se o bate-estaca cai na estaca em cada intervalo de 2 minutos, o tempo que a máquina gasta para elevar o bate-estaca é  $\Delta t = 120 - 1,41 = 118,6 \text{ s}$ . Assim, a potência útil é  $\text{Pot}_{(\text{útil})} = W/\Delta t = 10 \text{ kJ}/118,6 \text{ s} = 84,3 \text{ J/s} = 84,3 \text{ W}$ . Se o rendimento é 40%, a potência do bate-estaca será  $\mathbf{Pot = 84,3/0,4 = 211 \text{ W}}$ .

## QUESTÃO 09

Uma determinada bomba d'água aspira água de um poço, recalçando-a até uma certa altura. A bomba consegue bombear cerca de 80 litros por segundo até 50 metros de altura. O poço é muito profundo, tem 1 metro de diâmetro e o nível da água encontra-se inicialmente a 7 metros abaixo da bomba.

- Depois de quanto tempo, aproximadamente, a bomba deixará de funcionar?
- Qual a potência da bomba sabendo que sua eficiência é de 80 % ?

Resposta.

a) Para pressão atmosférica normal a máxima altura para sucção é dada por:

Potência transferida para a água:

$$P_{at} = dgh = 1 \text{ atm} = 10^5 \text{ N/m}^2 \quad d = 10^3 \text{ kg/m}^3, \quad g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$h = P_{at} / gd = 10 \text{ m}$$

A bomba deixará de funcionar depois de bombear  $h = 3$  metros de água:

$$V = h \times \pi D^2/4 = 2,36 \text{ m}^3$$

$$\text{Vazão } Q = 80 \text{ lt/s} = 0,08 \text{ m}^3/\text{s} = \Delta V/\Delta t$$

$$\Delta t = \Delta V/Q = 2,36 \text{ m}^3 / 0,08 \text{ m}^3/\text{s} = 29,5 \text{ s}$$

$$\text{b) } P_{80\%} = \text{trab}/t = mgh/t = (80 \text{ kg} \times 10 \text{ m/s}^2 \times 50 \text{ m})/1 \text{ s} = 40.000 \text{ J/s} = 40.000 \text{ W} = 40 \text{ KW} \quad \therefore$$

$$P_{total} = 50.000 \text{ W} = 50 \text{ KW}$$

## QUESTÃO 10

Colocam-se 3 litros de água numa panela de pressão de 5 litros ( volume total). O orifício de escape de vapor da panela tem diâmetro 2,83 mm e o “pesinho” para regular pressão tem massa 126 g. A pressão atmosférica é a normal ( 1 atm).

- Calcular a pressão total na panela em regime normal de funcionamento.
- Se a temperatura da água no regime normal é  $127^\circ\text{C}$ , calcular aproximadamente a massa de gás na panela.

Resposta.

$$\text{a) } S = \pi d^2/4 = 6,29 \times 10^{-6} \text{ m}^2 \quad F = mg = 1,26 \text{ N}$$

$$P_p = F/S = 1,26/6,29 \times 10^{-6} = 2,0 \times 10^5 \text{ N/m}^2 = 2,0 \text{ atm}$$

A pressão total na panela é

$$P_{total} = P_p + P_{atmosfera} = 3,0 \text{ atm}$$

b) No regime normal de funcionamento, praticamente só existirá vapor de água na panela ( devido ao grande aumento de pressão com evaporação de água e devido ao escape de vapor). Desprezando também as dilatações térmicas da panela e da água:

$$V_{gás} = 2 \text{ litros}, P_{total} = 3,0 \text{ atm}, T = 400 \text{ K}$$

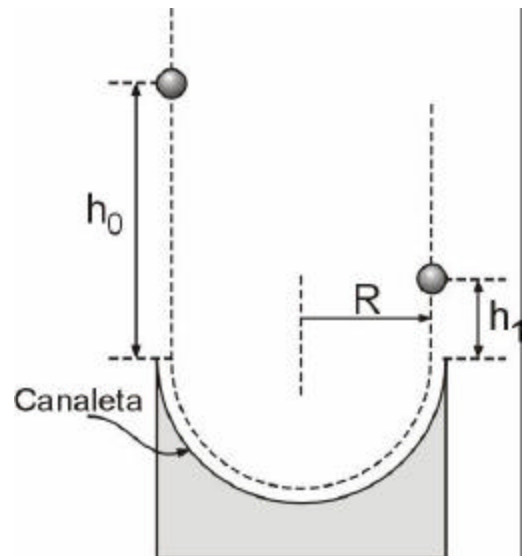
$$PV = nRT \quad n = P_{total} V_{gás} / RT = 3,0 \times 2,0 / 0,083 \times 400 = 0,18$$

$$n = m/M, \quad M = 18 \text{ g} \quad m = nM = 3,25 \text{ g}$$

## QUESTÃO 11

Uma esfera de aço de 50 g cai de uma altura  $h_0 = 80$  cm, numa canaleta curva de raio  $R = 50$  cm. Ao sair da canaleta a esfera sobe até a altura  $h_1 = 20$  cm. Desprezar o atrito com o ar e considerar constante a força de atrito.

- Calcular o tempo que a esfera fica em contacto com a canaleta.
- Calcular a força média que a canaleta exerce sobre a esfera.



Resposta.

- $V_0 = (2gh_0)^{1/2} = 4$  m/s é a velocidade ao entrar na canaleta  
 $V_1 = (2gh_1)^{1/2} = 2$  m/s é a velocidade ao sair da canaleta.

Se a força de atrito é constante, a aceleração tangencial é constante e o movimento é uniformemente acelerado ao longo da canaleta:

$$v^2 = v_0^2 + 2 a_t s \quad s = 2\pi R/2 = 1,57 \text{ m}$$

$$a_t = (v^2 - v_0^2) / 2s = - 3,82 \text{ m/s}^2 \text{ (aceleração tangencial)}$$

$$v = v_0 + at \quad \text{ou} \quad t = (v - v_0)/a = 0,52 \text{ s}$$

- $Ft = \text{impulso} = mv + m v_0$  (variação da quantidade de movimento).

$$F = m (v + v_0)/t = 0,577 \text{ N}$$

## QUESTÃO 12

Uma seringa com o bico tampado contém 5 ml de ar na temperatura ambiente ( $27^\circ\text{C}$ ) e pressão normal. O êmbolo é rapidamente comprimido de forma que a pressão chega a 5 atm e o volume se reduz a 1,7 ml. O êmbolo é mantido comprimido durante cerca de 20 minutos. Depois disso, alivia-se a força no êmbolo muito lentamente durante cerca de 20 minutos até o gás voltar ao volume inicial.

- Calcular a temperatura do gás imediatamente após a compressão inicial.
- Fazer um diagrama PV representando as transformações do gás (indicando valores numéricos em alguns pontos).

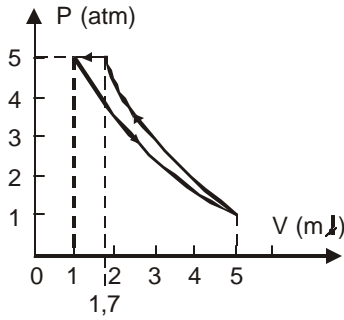
Resposta.

$$\text{a) } PV/T = P_0V_0/T_0 \quad T = (PV/P_0V_0)T_0$$

$$T_0 = 300 \text{ K, } P = 5 \text{ atm, } V = 1,7 \text{ ml, } P_0 = 1 \text{ atm, } V_0 = 5 \text{ ml}$$

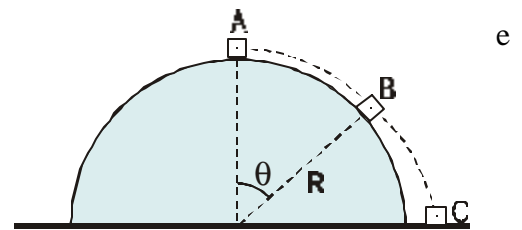
$$T = 510 \text{ K} = \boxed{237^\circ\text{C}}$$

b)

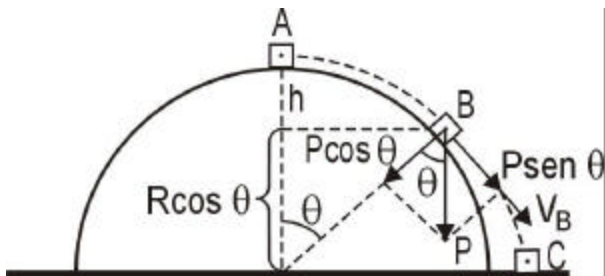


### QUESTÃO 13

Um pedaço de gelo é colocado no topo (A) de uma cúpula hemisférica de vidro de raio R. O gelo começa a deslizar ao passar pelo ponto B ele perde contacto com a superfície e acaba atingindo o ponto C. Desprezando-se atritos:



- com que velocidade o gelo atinge C?
- qual o ângulo  $\theta$  ( dar o valor do  $\cos\theta$  ou  $\sin\theta$  ) no instante em que o bloco passa por B (Ver figura).



Resposta:

a)  $V_C = (2gR)^{1/2}$  m/s

b) Velocidade  $V_B^2 = 2gh$ , como  $h = R - R\cos\theta = R(1 - \cos\theta)$ , tem-se que  $V_B^2 = 2gR(1 - \cos\theta)$

No ponto B, a normal  $N = 0$ , e  $P\cos\theta =$  força centrípeta

$= mV_B^2/R$ . Como  $P = mg$ , tem-se:

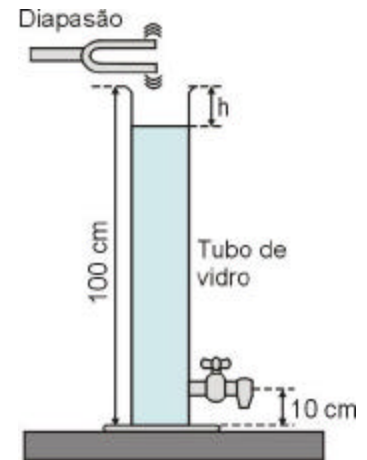
$mg\cos\theta = m[2gR(1 - \cos\theta)]/R = 2mgR(1 - \cos\theta)/R$  ou  $\cos\theta = 2(1 - \cos\theta)$  donde  $\cos\theta = 2/3$ . Então  $\theta = \arccos(2/3)$ .

## QUESTÃO 14

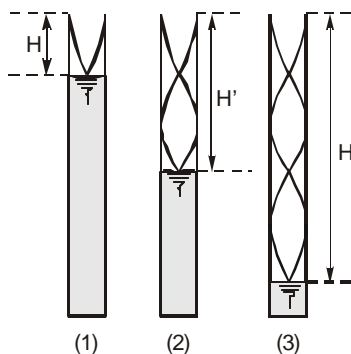
O diapasão é um instrumento musical que quando posto a vibrar o faz emitindo uma nota musical de frequência única  $f$ .

Um diapasão é posto a vibrar em cima da boca de um tubo contendo uma coluna  $H$  de ar que pode ser aumentada abrindo a torneira e deixando a água escoar. Um diapasão de frequência  $f = 680 \text{ Hz}$  é posto a vibrar e percebe-se que quando  $H = 12,5 \text{ cm}$  ocorre o fenômeno da ressonância (o som ressoa dentro da coluna  $H$  de ar, amplificando-o).

- Nestas condições qual a velocidade do som no ar?
- Se a torneira for aberta deixando a água escoar para quais outros valores de  $H$  ocorrerá a ressonância?



Resposta:

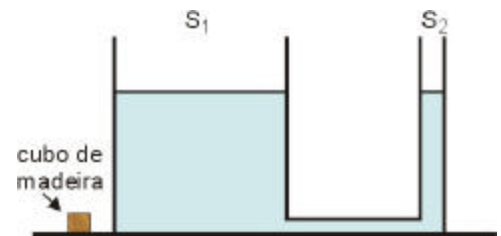


Na boca do tubo sempre forma um “ventre” e na superfície da água um “no”. Quando  $H = 12,5 \text{ cm}$  tem-se o primeiro harmônico de modo que  $H$  seja igual a  $\frac{1}{4}$  do comprimento de onda. A medida que a coluna de ar for aumentando, ocorre outras situações de ressonância, conforme ilustra a figura.

- $H = \lambda/4$  donde  $\lambda = 4.H = 4 \times 12,5 = 0,50 \text{ m}$ ;  $V = \lambda.f = 0,50 \times 680 \therefore$   
 $V_{\text{som}} = 340 \text{ m/s}$ .
- Teremos ressonância para  $H = 37,5 \text{ cm}$ ;  $H = 62,5 \text{ cm}$  e  $H = 87,5 \text{ cm}$ .

## QUESTÃO 15

Um tubo em U, contendo água, tem 2 ramos com seções  $S_1 = 150 \text{ cm}^2$  e  $S_2 = 10 \text{ cm}^2$ . No ramo esquerdo, coloca-se um cubo de madeira de  $5 \text{ cm}$  de lado sendo  $0,8 \text{ g/cm}^3$  a densidade da madeira.



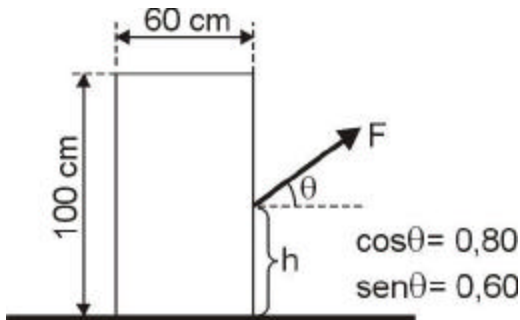
- Calcular o empuxo sobre o cubo de madeira.
- Calcular as variações do nível da água nos 2 ramos do tubo.

Resposta.

- A densidade da caixa é menor que a da água. Logo o cubo de madeira flutua na água. O empuxo sobre a caixa será então igual ao peso da caixa que pode ser determinada multiplicando-se o volume da caixa pela densidade da madeira.  
 Assim,  $E = \text{peso} = (d_{\text{caixa}})gV = 0,8 \times 10^3 \times 10 \times 125 \times 10^{-6} = 1 \text{ newton}$ .
- O volume de água deslocado é igual ao volume imerso do cubo de madeira que pode ser determinado pela equação do empuxo:  $E = d_{\text{água}} \cdot g \cdot V_{\text{desloc}}$  donde  $V_{\text{desloc}} = E/(d_{\text{água}} g) = 1/(10^3 \cdot 10) = 10^{-4} \text{ m}^3 = 100 \text{ cm}^3$ .  
 Como no fundo do tubo em U a pressão se igualam ( $dgy_1 = dgy_2$ ) as alturas  $y_1$  e  $y_2$  das colunas sempre serão iguais. Deste modo o volume de  $100 \text{ cm}^3$  é distribuído de modo que em cada ramo do tubo o nível da água suba de uma mesma altura “ $x$ ”. Assim,  $xS_1 +$

$xS_2 = 100$  ou  $150x + 10x = 100$  donde  $x = 0,625$  cm. Portanto, em cada ramo do tubo a água sobe 0,625 cm.

### QUESTÃO 16



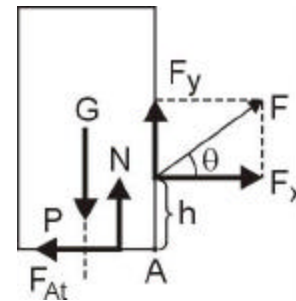
Uma caixa homogênea de peso 305 N tem 100 cm de altura e base retangular de 60 x 50cm.e apóia-se sobre uma superfície horizontal onde o coeficiente de atrito estático é igual ao coeficiente de atrito de deslizamento e ambos iguais a 0,70.

Inicialmente em repouso, a caixa recebe a ação de uma força F aplicada a uma distância  $h = 30$  cm da base de apoio e que faz um ângulo  $\theta$  com a direção horizontal, conforme ilustra a figura.

- Quando  $F = 100$  N, a caixa está em repouso ou em movimento? Justificar a resposta.
- Aumentando-se a intensidade da força lentamente, a caixa tomba antes de deslizar ou desliza antes de tombar? Justificar.

Resposta.

- As forças externas sobre a caixa são:  $P = 305$  newtons;  $N$ ;  $F_{at}$ ;  $F = 100$  newtons e estão esquematizadas na figura. A força F, para fins de estudo do equilíbrio, pode ser substituída pelas suas componentes  $F_x = F \cdot \cos\theta = 80$  newtons e  $F_y = F \cdot \sin\theta = 60$  newtons.



1 - Análise da força de atrito.

A força de atrito tem um valor máximo que é expresso pelo produto do coeficiente de atrito e da força de compressão normal N. Assim,

- A força de atrito estática máxima é  $F_{at_{max}} = 245 \times 0,70 = 171,5$  newtons e
- A força de atrito de deslizamento é  $F_{at_{desliz.}} = 245 \times 0,70 = 171,5$  newtons.

Isto significa que somente quando  $F_x = 171,5$  newtons o bloco começa a deslizar. Para  $F_x$  menor que este valor o bloco continua em equilíbrio estático. O valor da  $F_{at}$  que realmente atua no bloco deve ser determinado mediante a análise do equilíbrio das forças.

2 – Análise do equilíbrio.

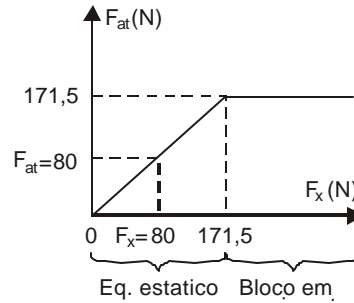
- Análise do equilíbrio na direção vertical.

Em qualquer situação a caixa encontra-se em equilíbrio na direção vertical. Logo,  $P = N + F_y$  donde  $N = 305 - 60 = 245$  newtons.

- Análise do equilíbrio na direção horizontal.

Na direção x,  $F_x = F_{at}$  enquanto o bloco estiver em equilíbrio.

A força de atrito  $F_{at}$  é uma força tal que, quando  $F_x = 0 \rightarrow F_{at} = 0$  e somente quando  $F_x > 171,5$  newtons, o bloco sai do equilíbrio estático.



Como  $F_x = 80$  newtons a força de atrito é  $F_{at} = 80$  newtons (menor que o seu valor máximo possível, no caso 171,5 newtons) a caixa estará em repouso. Para que houvesse deslizamento seria necessário que  $F_x > 171,5$  newtons .

- b) Aumentando-se a intensidade da força  $F$ , quando  $F = 175$  newtons, o bloco começa a deslizar. Os cálculos mostram que o valor da força  $F$  que inicia o processo de tombamento é  $F = 381,25$  newtons,. Logo, o bloco desliza antes de tombar. Vejamos as justificativas.

1 – As equações de equilíbrio das forças são:

- $P = N + 0,6F$  e  $F_x = F_{at}$
- $F_{at} \leq \mu N \rightarrow F_{at} \leq \mu (P - 0,6F)$ .

1 – Início do deslizamento.

Das equações acima tem-se:

$$F_{at} \leq \mu (P - 0,6F) \text{ e}$$

$$F_{at} = F_x = 0,8 F.$$

Destas 2 equações resulta:  $0,8 F \leq \mu (P - 0,6F)$ . Com  $P = 305$  newtons resolvendo, temos :  $F \leq 175$  newtons.

Portanto, quando  $F$  atingir o valor  $F = 175$  newtons, o bloco começa a deslizar.

2 – Início do tombamento. Eixo de tombamento coincidindo com a quina A.

A linha de ação da força de atrito passa sempre por A; na iminência de tombamento, a força normal  $N$  também se concentra em A . Assim, na iminência de tombamento tem-se:

$$\text{Momento de } F_x \geq \text{Momento de } P$$

$$30(\text{cm}) \times 0,8F \geq 30 (\text{cm}).P$$

ou

$$0,8F \geq P \text{ donde } F \geq P/0,8 = 305/0,8 = 381,25 \text{ newtons.}$$

Em síntese: o bloco desliza antes de tombar, pois para deslizar  $F = 175$  newtons e para tombar  $F = 381,25$  newtons.